

ЕГЭ -2023

**Требования
при проверке заданий ЕГЭ
с развернутым ответом
(*математика*)**

**Главный специалист МКУО ЦОКО, региональный тьютор ЕГЭ
по математике, член краевой предметной комиссии ЕГЭ
Л.А. Васюк**

26-28 апреля 2023 г.

Анализ КИМ ЕГЭ

- ▶ 1. Задания 1-11 взяты из открытого банка заданий ФИПИ
- ▶ 2. Задания 12-18 содержат идеи задач, расположенных в открытом банке ФИПИ

ЕГЭ 2022

а) Решите уравнение

$$\cos 2x - 3 \cos(-x) + 2 = 0.$$

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[2\pi; \frac{7\pi}{2}\right]$.

Задание 29.

а) Решите уравнение $\cos 2x + 3 \cos x - 1 = 0$;

б) Найдите все корни этого уравнения,

принадлежащие отрезку $\left[-4\pi; -\frac{5\pi}{2}\right]$

ЕГЭ 2022

Решите неравенство

$$\frac{6}{5^x - 125} \leq \frac{1}{5^x - 25}$$

► ФИПИ

Задание 2. Решите неравенство:

$$1) \frac{1}{5^x + 31} \leq \frac{4}{5^{x+1} - 1};$$

ЕГЭ 2022

В июле 2026 года планируется взять кредит на три года в размере 800 тыс. рублей. Условия его возврата таковы:

- каждый январь долг будет возрастать на 20% по сравнению с концом предыдущего года;
- с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить одним платежом часть долга;
- платежи в 2027 и 2028 годах должны быть равными;
- к июлю 2029 года долг должен быть выплачен полностью.

Известно, что сумма всех платежей после полного погашения кредита будет равна 1190,4 тыс. рублей. Сколько рублей составит платёж 2029 года?

► ФИПИ

45. В июле 2026 года планируется взять кредит на пять лет в размере 825 тыс. рублей. Условия его возврата таковы:

- каждый январь долг возрастает на 20% по сравнению с концом предыдущего года;
- с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить одним платежом часть долга;
- в июле 2027, 2028 и 2029 годов долг остаётся равным 825 тыс. рублей;
- выплаты в 2030 и 2031 годах равны;
- к июлю 2031 года долг будет выплачен полностью.

Найдите общую сумму выплат за пять лет.

https://fipi.ru/ege/otkrytyy-bank-zadaniy-ege

The screenshot shows a web browser window with the URL <https://fipi.ru/ege/otkrytyy-bank-zadaniy-ege>. The page header includes the logo of the Federal Service for Supervision in Education and Science (ФГБНУ «Федеральный институт педагогических измерений») and the acronym ФИПИ. A navigation menu contains links for 'О нас', 'ЕГЭ', 'ОГЭ', 'ГВЭ', 'Навигатор подготовки', 'Методическая копилка', 'Журнал ФИПИ', and 'Услуги'. Below the menu, there are several links related to the 'Open Bank of Tasks' (Открытый банк заданий) for various subjects and exam types. The main heading of the page is 'Открытый банк заданий ЕГЭ'. A prominent blue button labeled 'Новый открытый банк заданий ЕГЭ' is centered on the page. Below this button, a red note states: 'Новый открытый банк заданий ЕГЭ функционирует в тестовом режиме'. At the bottom of the page, there is a link 'Открытые варианты КИМ ЕГЭ - перейти'. The browser's taskbar at the bottom shows several open applications, including a PDF viewer with 'matematika_mr_eg....pdf' and several instances of 'Выступление для...' (Presentation for...), along with Microsoft PowerPoint.

Федеральный институт педагогических измерений
ОТКРЫТЫЙ БАНК ТЕСТОВЫХ ЗАДАНИЙ

Открытый банк заданий ЕГЭ

Английский язык En	Биология	География	Информатика и ИКТ
Испанский язык Es	История России	Китайский язык	Литература
Математика. Базовый уровень	Математика. Профильный уровень	Немецкий язык De	Обществознание
Русский язык	Физика	Французский язык Fr	Химия



Федеральный институт педагогических измерений
ОТКРЫТЫЙ БАНК ТЕСТОВЫХ ЗАДАНИЙ

Открытый банк заданий ЕГЭ | Математика. Профильный уровень

ПОДБОР ЗАДАНИЙ Кол-во заданий: 617

1 2 3 4 5 6 7 8 ... 62

Впишите правильный ответ.

Найдите корень уравнения $\left(\frac{1}{7}\right)^{x+4} = 49$.

i Номер: 4CBD4E ★ Статус задания: НЕ РЕШЕНО ОТВЕТИТЬ

Дайте развернутый ответ.

а) Решите уравнение $\frac{9^{\sin 2x} - 3^{2\sqrt{2}\sin x}}{\sqrt{11}\sin x} = 0$.

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\frac{7\pi}{2}; 5\pi\right]$.

i Номер: FDA042 ★ Статус задания: НЕ РЕШЕНО ИЗМЕНИТЬ СТАТУС

Впишите правильный ответ.

Найдите корень уравнения $2^{-4-x} = 16$.

i Номер: 71A34E ★ Статус задания: НЕ РЕШЕНО ОТВЕТИТЬ

Впишите правильный ответ.

1. Критерии проверки и оценка решений задания 12

Задание № 12 – тригонометрическое, логарифмическое или показательное уравнение.

Выделение решения уравнения в отдельный пункт *a* прямо указывает участникам экзамена на необходимость полного решения предложенного уравнения: при отсутствии в тексте конкретной работы ответа на вопрос пункта *a* задание № 12 оценивается 0 баллов.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> ИЛИ получены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов: пункта <i>a</i> и пункта <i>б</i>	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

Комментарий

Ответ в задании с развёрнутым ответом – это решение и вывод (называемый ответом).

$$13) \quad a) \cos 2x + 2 = \sqrt{3} \cos \left(\frac{3\pi}{2} - x \right)$$

$$1 - 2\sin^2 x + 2 = \sqrt{3} \sin x$$

$$-2\sin^2 x + \sqrt{3} \sin x + 3 = 0$$

Пусть $\sin x = t$, тогда

$$-2t^2 + \sqrt{3}t + 3 = 0$$

$$D = b^2 - 4ac = (\sqrt{3})^2 - 4 \cdot (-2) \cdot 3 = 3 + 24 = 27$$

$$t = \frac{-\sqrt{3} \pm 3\sqrt{3}}{-4} \quad t_1 = -\frac{\sqrt{3}}{2} \quad t_2 = \sqrt{3}$$

Значит, $\sin x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$ или $\sin x = \sqrt{3}$

$$1) \sin x = -\frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$x_1 = -\frac{\pi}{3} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}$$

$$x_2 = \frac{4\pi}{3} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$$

б) Найдем корни уравнения, принадлежащие отрезку $[-3\pi; -\frac{3\pi}{2}]$

$$1) \left[-3\pi; -\frac{3\pi}{2} \right]$$

$$-3\pi \leq -\frac{\pi}{3} + 2\pi k \leq -\frac{3\pi}{2}$$

$$-3 \leq -\frac{1}{3} + 2k \leq -\frac{3}{2}$$

$$-\frac{8}{3} + \frac{1}{3} \leq 2k \leq -\frac{5}{2} + \frac{1}{3}$$

$$-\frac{8}{3} \leq 2k \leq -\frac{14}{6}$$

$$-\frac{16}{6} \leq k \leq -\frac{7}{6}$$

$$-\frac{16}{12} \leq k \leq -\frac{14}{12}$$

$$-1\frac{1}{3} \leq k \leq -\frac{7}{6}, \text{ т.к. } k \in \mathbb{Z}, \text{ то } k = -1$$

Если $k = -1$, то $x = -\frac{\pi}{3} - 2\pi = -\frac{\pi}{3} - \frac{3\pi}{3} = -\frac{4\pi}{3}$

$$2) \sin x = \sqrt{3} \text{ — нет решений, т.к. } -1 \leq \sin x \leq 1, \text{ а } |\sqrt{3}| > 1$$

$$2) -3\pi \leq \frac{4\pi}{3} + 2\pi n \leq -\frac{3\pi}{2}$$

$$-3\pi - \frac{4\pi}{3} \leq 2\pi n \leq -\frac{3\pi}{2} - \frac{4\pi}{3}$$

$$-\frac{13\pi}{3} \leq 2\pi n \leq -\frac{17\pi}{6}$$

$$-\frac{13}{6} \leq n \leq -\frac{17}{12}$$

$$-\frac{26}{12} \leq n \leq -\frac{17}{12}$$

$$-2\frac{1}{6} \leq n \leq -1\frac{5}{12}, \text{ т.к. } n \in \mathbb{Z}, \text{ то } n = -2$$

Если $n = -2$, то $x = \frac{4\pi}{3} - 4\pi = -\frac{8\pi}{3}$

Ответ: а) $-\frac{\pi}{3} + 2\pi k; \frac{4\pi}{3} + 2\pi n; k \in \mathbb{Z}, n \in \mathbb{Z}$

б) $-\frac{8\pi}{3}; -\frac{4\pi}{3}$

2 балла

Пример 12.10

а) Решите уравнение $2\log_4^2(4\sin x) - 5\log_4(4\sin x) + 2 = 0$.

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $[-\frac{3\pi}{2}; 0]$.

Ответ: а) $\frac{\pi}{6} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}; \frac{5\pi}{6} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z};$ б) $-\frac{7\pi}{6}$.

13 а) $\cos 2x + 2 = \sqrt{3} \cos(\frac{2\pi}{3} - x)$

$$\cos^2 x - \sin^2 x + 2 = \sqrt{3} \cdot \sin x$$

$$1 - \sin^2 x - \sin^2 x - \sqrt{3} \sin x + 2 = 0$$

$$-2\sin^2 x - \sqrt{3} \sin x + 3 = 0$$

$$2\sin^2 x + \sqrt{3} \sin x - 3 = 0$$

замени $\sin x = t, t \in [-1; 1]$

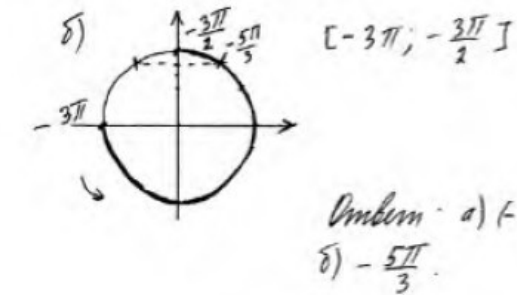
$$2t^2 + \sqrt{3}t - 3 = 0$$

$$D = 3 - 4 \cdot 2 \cdot (-3) = 3 + 24 = 27 = (3\sqrt{3})^2$$

$$t_1 = \frac{-\sqrt{3} + 3\sqrt{3}}{4} = \frac{2\sqrt{3}}{4} = \frac{\sqrt{3}}{2}; t_2 = \frac{-\sqrt{3} - 3\sqrt{3}}{4} = \frac{-4\sqrt{3}}{4} = -\sqrt{3}$$

$\sin x = \frac{\sqrt{3}}{2}$ $\sin x = -\sqrt{3}; -\sqrt{3} \notin [-1; 1]$

$$x = (-1)^k \frac{\pi}{3} + \pi k, k \in \mathbb{Z}$$



Комментарий

Тригонометрическое уравнение решено неверно. Во второй строчке в правой части отсутствует знак минус – ошибка в формуле приведения. Пункт а не выполнен (не из-за вычислительной ошибки).

Оценка эксперта: 0 баллов.

№ 13 $2\log_4^2(4\sin x) - 5\log_4(4\sin x) + 2 = 0$ $\log_4(4\sin x) = t$ $4\sin x \neq 0$ $x \neq \pi k$ $n \in \mathbb{Z}$

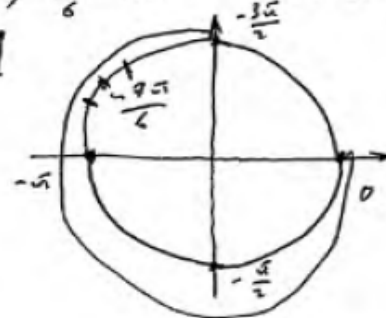
$$2t^2 - 5t + 2 = 0 \quad D = 25 - 16 = 9$$

$\log_4(4\sin x) = 2 \rightarrow 4 = 4\sin x \rightarrow \sin x = 1$
 $\log_4(4\sin x) = \frac{1}{2} \rightarrow 2 = 4\sin x \rightarrow \sin x = \frac{1}{2}$

$x = \frac{\sqrt{t}}{6} + 2\pi n; \frac{5\sqrt{t}}{6} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}$

$[-\frac{3\pi}{2}; 0]$

не подходит т.к. $-1 \leq \sin x \leq 1$



Объ: а) $x = \frac{\pi}{6} + 2\pi n; \frac{5\pi}{6} + 2\pi n$
 б) $x \in -\frac{7\pi}{6}, n \in \mathbb{Z}$

Ответ: а) $\frac{\pi}{6} + 2\pi n; \frac{5\pi}{6} + 2\pi n;$ б) $-\frac{7\pi}{6}$.

Комментарий

При решении простейшего логарифмического уравнения допущена ошибка, которая не является вычислительной, кроме того, при нахождении ОДЗ допущена ошибка, которая никак не может быть отнесена к вычислительным. Любая из этих ошибок уже не позволяет выставить положительный балл. Типичный пример выставления 0 баллов.

Оценка эксперта: 0 баллов.

а) Решите уравнение $\cos 2x + 0,5 = \cos^2 x$.

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-3\pi; -\frac{3\pi}{2}\right]$.

Ответ: а) $-\frac{3\pi}{4} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z}; \frac{3\pi}{4} + 2\pi l, l \in \mathbb{Z}; -\frac{\pi}{4} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}; \frac{\pi}{4} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z};$

б) $-\frac{11\pi}{4}; -\frac{9\pi}{4}; -\frac{7\pi}{4}.$

№13.

а) $\cos 2x + 0,5 = \cos^2 x$

$$2\cos^2 x - 1 + 0,5 - \cos^2 x = 0$$

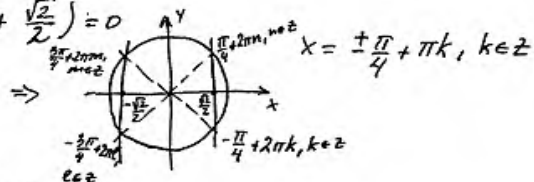
$$\cos^2 x - \frac{1}{2} = 0$$

$$\left(\cos x - \frac{1}{\sqrt{2}}\right)\left(\cos x + \frac{1}{\sqrt{2}}\right) = 0$$

$$\left(\cos x - \frac{\sqrt{2}}{2}\right)\left(\cos x + \frac{\sqrt{2}}{2}\right) = 0$$

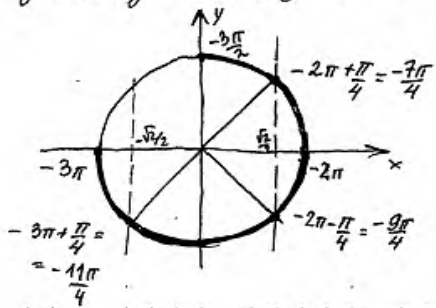
1. $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$

2. $\cos x = -\frac{\sqrt{2}}{2}$



а) Ответ: $\pm \frac{\pi}{4} + \pi k, k \in \mathbb{Z}.$

б) $x \in \left[-3\pi; -\frac{3\pi}{2}\right]$. Для отбора корней построим единичную окружность.



б) Ответ: $-\frac{11\pi}{4}; -\frac{9\pi}{4}; -\frac{7\pi}{4}.$

Комментарий

Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах.

Оценка эксперта: 2 балла.

а) Решите уравнение $2\log_4^2(4\sin x) - 5\log_4(4\sin x) + 2 = 0.$

б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-\frac{3\pi}{2}; 0\right]$.

Ответ: а) $\frac{\pi}{6} + 2\pi n, n \in \mathbb{Z}; \frac{5\pi}{6} + 2\pi m, m \in \mathbb{Z};$ б) $-\frac{7\pi}{6}.$

а) $2\log_4^2(4\sin x) - 5\log_4(4\sin x) + 2 = 0$

Пусть $\log_4(4\sin x) = t$, тогда:

$$2t^2 - 5t + 2 = 0$$

$$D = 25 - 16 = 9 = (3)^2$$

$$t_1 = \frac{5+3}{4} = 2; \quad t_2 = \frac{5-3}{4} = \frac{1}{2};$$

(1) $\log_4(4\sin x) = 2;$

$$4\sin x = 16;$$

$\sin x = 4$ - таких x не существует, так как $\sin \in [-1; 1]$.

б) $\left[-\frac{3\pi}{2}; 0\right]$

(2) $\log_4(4\sin x) = \frac{1}{2};$

$$4\sin x = 2;$$

$$\sin x = \frac{1}{2};$$

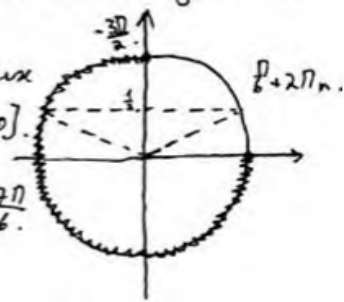
$$x = \frac{\pi}{6} + 2\pi n \quad \text{и} \quad x = \frac{5\pi}{6} + 2\pi n.$$

Рассмотрим на единичной окружности данный

отрезок и корни;

корень $\frac{\pi}{6} + 2\pi n$ ни при каких условиях не будет лежать на $\left[-\frac{3\pi}{2}; 0\right]$.

корень $\frac{5\pi}{6} + 2\pi n$ попадет на этот отрезок в точке $\frac{5\pi}{6} - 2\pi = -\frac{7\pi}{6}$.



Ответ: а) $\frac{\pi}{6} + 2\pi n; \frac{5\pi}{6} + 2\pi n;$ б) $-\frac{7\pi}{6}.$

Комментарий

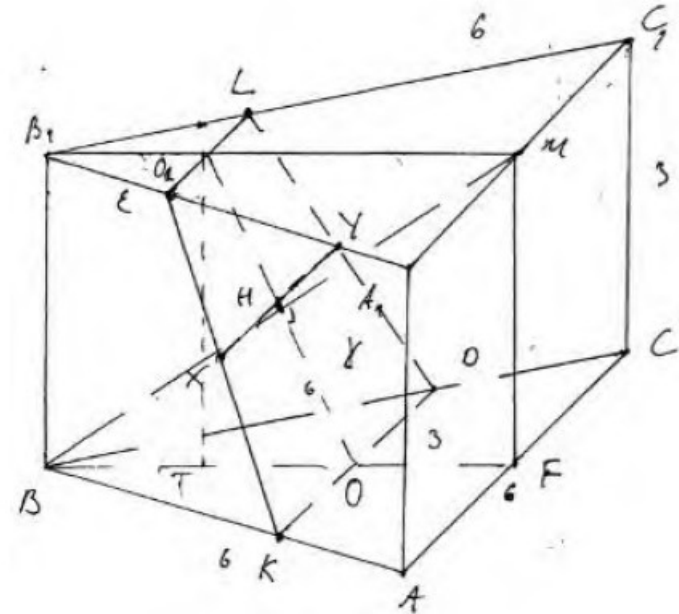
Обоснованно получен верный ответ в пункте а, но отбор корней с помощью числовой окружности в этом решении нельзя считать обоснованным. Типичный пример выполнения задания на 1 балл.

Оценка эксперта: 1 балл.

2. Критерии проверки и оценка решений задания 13

Задание 13 – стереометрическая задача, она разделена на пункты а и б. В пункте а нужно **доказать** геометрический факт, в пункте б найти (вычислить) геометрическую величину.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта а и обоснованно получен верный ответ в пункте б	3
Обоснованно получен верный ответ в пункте б ИЛИ имеется верное доказательство утверждения пункта а и при обоснованном решении пункта б получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта а, ИЛИ при обоснованном решении пункта б получен неверный ответ из-за арифметической ошибки, ИЛИ обоснованно получен верный ответ в пункте б с использованием утверждения пункта а, при этом пункт а не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
Максимальный балл	3



2) $XY \perp KO$ $MF \perp KO$ и $MF \perp BF$, тогда по TTA
 ~~$XY \perp KO$~~ ~~$MF \perp KO$~~ ~~$MF \perp BF$~~ ~~$MF \perp BF$~~ ~~$MF \perp BF$~~
 пр. и ал. $KO \perp (BFM) \Rightarrow$ любая прямая в пл.
 (BFM) перпендикулярна $KO \Rightarrow BM \perp KO$ и
 $BM \perp XY$ $n_2) (KOL) = \gamma$

13) т. к. $BM \perp XY$ и $BM \perp O_1O$, то по признаку
 перп. пр. и ал. $BM \perp (KOL)$ ~~$BM \perp (KOL)$~~ $BM \perp (KOL)$ $BM \perp (KOL)$ $BM \perp (KOL)$

$$b) 1) S_{сек} = \frac{1}{2} (EL + KO) \cdot O_1O$$

$$2) EL = A_1C_1 \cdot n_2 = 6 \cdot \frac{1}{3} = 2$$

$$3) KO = AC \cdot n_1 = 6 \cdot \frac{2}{3} = 4$$

$$4) S_{сек} = \frac{1}{2} (2+4) \cdot 2\sqrt{3} = 6\sqrt{3}$$

$$5) V_{MSEKO} = \frac{1}{3} S_{сек} \cdot h = 6\sqrt{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot MH = 6\sqrt{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot 3 = 6\sqrt{3}$$

Ответ: $6\sqrt{3}$. $6\sqrt{3}$ ед.

3 балла

3. Критерии проверки и оценка решений задания 14

Задание № 14 – это неравенство: дробно-рациональное, логарифмическое или показательное.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного исключением/включением граничных точек, ИЛИ получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
Максимальный балл	2

При этом в первом случае выставления 1 балла допускаются только ошибки в строгости неравенства: «<» вместо «≤» или наоборот. Если в ответ включено значение переменной, при котором одна из частей неравенства не имеет смысла, то следует выставлять выставить оценку «0 баллов».

$$2^x - 6 - \frac{9 \cdot 2^x - 37}{4^x - 7 \cdot 2^x + 12} \leq \frac{1}{2^x - 4}; \quad \#15.$$

$$2^x = t;$$

$$t - 6 - \frac{9t - 37}{t^2 - 7t + 12} \leq \frac{1}{t - 4};$$

$$t - 6 - \frac{9t - 37}{(t-3)(t-4)} \leq \frac{1}{t-4};$$

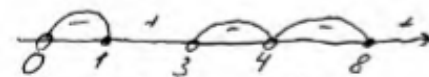
$$t - 6 - \frac{9t - 37 + t - 3}{(t-3)(t-4)} \leq 0;$$

$$t - 6 - \frac{10(t-4)}{(t-3)(t-4)} \leq 0;$$

$$\frac{(t-4)(t-6)(t-3) - 10}{(t-3)(t-4)} \leq 0;$$

$$\frac{(t-4)(t^2 - 9t + 8)}{(t-3)(t-4)} \leq 0;$$

$$\frac{(t-4)(t-1)(t-8)}{(t-3)(t-4)} \leq 0;$$



$$0 < 2^x < 1 \quad 3 < 2^x < 4 \quad 4 < 2^x \leq 8$$

$$\underline{x \leq 0}; \quad \begin{cases} x > \log_2 3; \\ x < 2; \end{cases} \quad \begin{cases} x > 2; \\ x \leq 3; \end{cases}$$

$$\text{Ответ: } (-\infty; 0] \cup (\log_2 3; 2) \cup (2; 3].$$

$$\text{OD3: } x \neq 2$$

$$x \neq \log_2 3$$

$$4^x - 7 \cdot 2^x + 12 \neq 0$$

$$(2^x - 3)(2^x - 4) \neq 0$$

$$t > 0;$$

Комментарий

Обоснованно получен верный ответ.

Оценка эксперта: 2 балла.

Решите неравенство $2^x - 6 - \frac{9 \cdot 2^x - 37}{4^x - 7 \cdot 2^x + 12} \leq \frac{1}{2^x - 4}$.

Ответ: $(-\infty; 0]$; $(\log_2 3; 2)$; $(2; 3]$.

$$15) \quad 2^x - 6 - \frac{9 \cdot 2^x - 37}{4^x - 7 \cdot 2^x + 12} \leq \frac{1}{2^x - 4}$$

Пусть $2^x = t$ Тогда

$$t - 6 - \frac{9t - 37}{(t-4)(t-3)} \leq \frac{1}{t-4}$$

$\begin{cases} t \neq 4 \\ t \neq 3 \end{cases} \quad \begin{cases} 2^x \neq 4 \\ 2^x \neq 3 \end{cases} \quad \begin{cases} x \neq 2 \\ x \neq \log_2 3 \end{cases}$

$$\frac{t^3 - 13t^2 + 54t - 72 - 9t + 37 - t + 3}{(t-4)(t-3)} \leq 0$$

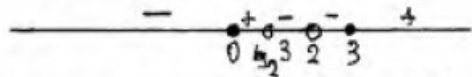
$$\frac{t^3 - 13t^2 + 44t - 32}{(t-4)(t-3)} \leq 0$$

$$\frac{(t-4)(t^2 - 9t + 8)}{(t-4)(t-3)} \leq 0$$

$$\frac{(t-1)(t-8)}{t-3} \leq 0$$

Обратимо

$$\frac{(2^x - 1)(2^x - 8)}{2^x - 3} \leq 0$$



Ответ: $(-\infty; 0] \cup (\log_2 3; 2) \cup (2; 3]$

Пример 14.7

Решите неравенство $\frac{9^x - 2 \cdot 3^{x+1} + 4}{3^x - 5} + \frac{2 \cdot 3^{x+1} - 51}{3^x - 9} \leq 3^x + 5$.

Ответ: $(-\infty; 1]$; $(\log_3 5; 2)$.

$$\frac{9^x - 2 \cdot 3^{x+1} + 4}{3^x - 5} + \frac{2 \cdot 3^{x+1} - 51}{3^x - 9} \leq 3^x + 5$$

$$\frac{3^{2x} - 2 \cdot 3^2 \cdot 3 + 4}{3^x - 5} + \frac{2 \cdot 3^2 \cdot 3 - 51}{3^x - 9} \leq 3^x + 5$$

Пусть $3^x = t$

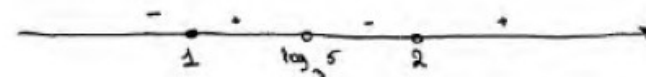
$$\frac{t^2 - 6t + 4}{t-5} + \frac{6t - 51}{t-9} \leq t + 5$$

$$\frac{(t^2 - 6t + 4) \cdot (t-9) + (6t - 51)(t-5)}{(t-5)(t-9)} \leq (t+5)(t-5)(t-9)$$

$$t^3 - 6t^2 + 4t - 9t^2 + 54t - 36 + 6t^2 - 30t - 51t + 255 \leq t^3 - 25t - 9t^2 + 225$$

$$t^3 - 6t^2 + 4t - 9t^2 + 54t - 36 + 6t^2 - 30t - 51t + 255 - t^3 + 25t + 9t^2 - 225 \leq 0$$

$$\begin{aligned} 2t - 6 = 0 & \quad 3^x = 3 \\ 2t = 6 & \quad x = 1 \\ t = 3 & \quad x \leq 1 \end{aligned}$$



Ответ: $(-\infty; 1] \cup (\log_3 5; 2)$

Комментарий

В решении содержится запись «ОДЗ», которая может трактоваться по-разному. Получен неверный ответ, но он отличается от верного только исключением точки 3.

Оценка эксперта: 1 балл.

Комментарий

В решении допущены ошибочные утверждения, присутствует неравносильный переход при решении неравенств. Получен ответ, совпадающий с верным.

Оценка эксперта: 0 баллов.

4. Критерии проверки и оценка решений задания 15

Задание № 15 – это текстовая задача с экономическим содержанием.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Верно построена математическая модель	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

Подробнее: 1 балл можно выставлять в тех случаях, когда сюжетное условие задачи верно сведено к решению математической (арифметической, алгебраической, функциональной, геометрической) задачи, но именно к решению, а не к отдельному равенству, набору уравнений, уравнению, задающему функцию, и т.п. Предъявленный текст должен включать описание того, как построена модель.

Следует подчеркнуть, что один и тот же сюжет может быть успешно сведён к различным математическим моделям и доведён до верного ответа. По этой причине в критериях оценивания нет жёсткого упоминания какой-либо конкретной (арифметической, алгебраической, геометрической, функциональной) модели.

15 января планируется взять кредит в банке на шесть месяцев в размере 1 млн руб. Условия его возврата таковы:

- 1-го числа каждого месяца долг увеличивается на r процентов по сравнению с концом предыдущего месяца, причём r – **целое** число;
- со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;
- 15-го числа каждого месяца долг должен составлять некоторую сумму в соответствии со следующей таблицей.

Дата	15.01	15.02	15.03	15.04	15.05	15.06	15.07
Долг (в млн руб.)	1	0,9	0,8	0,7	0,6	0,5	0

Найдите наименьшее значение r , при котором общая сумма выплат будет больше 1,2 млн руб.

Ответ: 5.

17) Всего было 6 баллов: $P_1, P_2, P_3, P_4, P_5, P_6$.

$$P_1 + P_2 + P_3 + P_4 + P_5 + P_6 \geq 1,2$$

$$P_1 + P_2 + P_3 + P_4 + P_5 + P_6 = S$$

r	P_1	P_2	P_3	P_4	P_5	P_6	S
7	0,12	0,103	0,086	0,079	0,072	0,065	1,315
5	0,15	0,135	0,14	0,135	0,13	0,125	1,225
4	0,14	0,126	0,132	0,128	0,124	0,12	1,118

$$P_1 = (1 + \frac{r}{100}) - 0,9$$

$$P_2 = 0,9(1 + \frac{r}{100}) - 0,8$$

$$P_3 = 0,8(1 + \frac{r}{100}) - 0,7$$

$$P_4 = 0,7(1 + \frac{r}{100}) - 0,6$$

$$P_5 = 0,6(1 + \frac{r}{100}) - 0,5$$

$$P_6 = 0,5(1 + \frac{r}{100})$$

Наименьшим значением, при котором $S > 1,2$ является 5. При $r=4, S < 1,2$.

Ответ: 5

Комментарий

Модель построена верно. Усложняет проверку отсутствие вычислений. В таблице все результаты вычислений по формулам, записанным справа, верные. Логика решения верна.

Оценка эксперта: 2 балла.

Дано:

$$X_1 + X_2 + X_3 + X_4 + X_5 + X_6 > 1,2 \text{ млн, где } x - \text{ выплата}$$

$$N=1 - \text{ сумма кредита}$$

$$r_{\min} = ? , \text{ где } r - \% \quad r \in \mathbb{Z}$$

$$X_1 = N + \frac{rN}{100} - 0,9 ; \quad X_2 = 0,9 + \frac{r \cdot 0,9}{100} - 0,8 ; \quad X_3 = 0,8 + \frac{r \cdot 0,8}{100} - 0,7 ;$$

$$X_4 = 0,7 + \frac{r \cdot 0,7}{100} - 0,6 ; \quad X_5 = 0,6 + \frac{r \cdot 0,6}{100} - 0,5 ; \quad X_6 = 0,5 + \frac{r \cdot 0,5}{100}$$

$$1 + \frac{r}{100} - 0,9 + 0,9 + \frac{r \cdot 0,9}{100} - 0,8 + 0,8 + \frac{r \cdot 0,8}{100} - 0,7 + 0,7 + \frac{r \cdot 0,7}{100} - 0,6 + 0,6 + \frac{r \cdot 0,6}{100} - 0,5 + 0,5 + \frac{r \cdot 0,5}{100} > 1,2$$

$$1 + \frac{3,5r}{100} > 1,2$$

$$r > \frac{20}{3,5}$$

$$\text{Ответ: } r = 5\%$$

$$\frac{3,5r}{100} > 0,2$$

$$r_{\min} = 5\%$$

Комментарий

Почти правильное решение, содержащее две ошибки: 1) $1 + \frac{4,5r}{100} > 1,2$, а

не $1 + \frac{3,5r}{100} > 1,2$; 2) $\frac{20}{3,5} > 5,7$, т.е. должно быть $r = 6$.

Оценка эксперта: 1 балл.

месяц	сумма долга 1-го числа (млн р)	сумма долга 15-го числа	сумма выплат
1		1 млн	
2	$1 + 1 \cdot r$	0,9	$1 + 1 \cdot r - 0,9$
3	$0,9 + 0,9 \cdot r$	0,8	$0,9 + 0,9 \cdot r - 0,8$
4	$0,8 + 0,8 \cdot r$	0,7	$0,8 + 0,8 \cdot r - 0,7$
5	$0,7 + 0,7 \cdot r$	0,6	$0,7 + 0,7 \cdot r - 0,6$
6	$0,6 + 0,6 \cdot r$	0,5	$0,6 + 0,6 \cdot r - 0,5$
7	$0,5 + 0,5 \cdot r$	0	$0,5 + 0,5 \cdot r$

тогда общая сумма выплат:

$$1 + 1 \cdot r - 0,9 + 0,9 + 0,9 \cdot r - 0,8 + 0,8 + 0,8 \cdot r - 0,7 + 0,7 + 0,7 \cdot r - 0,6 + 0,6 + 0,6 \cdot r - 0,5 + 0,5 + 0,5 \cdot r = 1 + 4,5r$$

общая сумма выплат должна быть больше 1,2 млн =>

$$1 + 4,5r > 1,2$$

$$4,5r > 0,2$$

$$r > 0,25$$

т.к. r - целое число, то наименьшее $r = 3$.

Ответ: r наименьшее = 3

Комментарий

Модель построена неверно. Если подставить в таблицу число 3 вместо r , то сумма долга уже на 1-е число второго месяца должна составить 4 млн руб. Кроме того, еще и неравенство решено неверно.

Оценка эксперта: 0 баллов.

5. Критерии проверки и оценка решений задания 16

Задание № 16 – это планиметрическая задача. В пункте *a* теперь нужно доказать геометрический факт, в пункте *б* – найти (вычислить) геометрическую величину.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> и обоснованно получен верный ответ в пункте <i>б</i>	3
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>б</i> ИЛИ имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> и при обоснованном решении пункта <i>б</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> , ИЛИ при обоснованном решении пункта <i>б</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки, ИЛИ обоснованно получен верный ответ в пункте <i>б</i> с использованием утверждения пункта <i>a</i> , при этом пункт <i>a</i> не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
Максимальный балл	3

В равнобедренном тупоугольном треугольнике ABC на продолжение боковой стороны BC опущена высота AH . Из точки H на сторону AB и основание AC опущены перпендикуляры HK и HM соответственно.

а) Докажите, что отрезки AM и MK равны.

б) Найдите MK , если $AB=5$, $AC=8$.

Ответ: б) $\frac{72}{25}$.

16

а) $\triangle ABE$: $\rho(\beta) \Rightarrow \angle BAE \angle BCA$ (1)
 $\triangle AHE$: $\rho(\beta) \Rightarrow \angle HAE \angle HCA$ (2)
 $\triangle ACH \sim \triangle AKM \Rightarrow \angle ACH \angle AKM$ (3)
 $\triangle AOM \sim \triangle ONK$ (4) $\Rightarrow \angle OAM \angle ONK$ (5)
 (1), (2), (3) $\Rightarrow OK$ – биссектриса $\triangle AKB$.
~~продолжим прямую HK до~~
 стороны AC. $\triangle AKD$:
 HM – биссектриса и медиана $\Rightarrow \triangle AKD$ – $\rho(\beta) \Rightarrow HM$ – медиана $\Rightarrow AM = MD$
 $\triangle AKD$: $\rho(\beta)$. $AM = MD \Rightarrow KM$ – биссектриса $\Rightarrow \angle KAM \angle KMD$
 $\angle KAM \angle KMD \Rightarrow KM = AM$ ч. т. д.

б) Пусть $KB = x$ ~~$AK = y$~~
 $\triangle AKB$: $\rho(\beta)$. $AK^2 = AB^2 - KB^2$
 $\triangle AKC$: $\rho(\beta)$. $AK^2 = AC^2 - KC^2 \Rightarrow AB^2 - KB^2 = AC^2 - KC^2$
 $25 - x^2 = 64 - (8-x)^2 \Rightarrow 25 - x^2 = 64 - 64 + 16x - x^2 \Rightarrow 25 = 16x \Rightarrow x = 1,4$
 $\triangle AKC$: $KC^2 = MC \cdot AC$ $(1,4)^2 = 8 \cdot MC \Rightarrow MC = 0,25$
 $AM = AC - MC = 8 - 0,25 = 7,75$
 $AM = MK \Rightarrow MK = 7,75$

Ответ: б) $MK = 7,75$

Комментарий

В доказательстве пункта *a* некорректно указано, что KM – биссектриса, при этом тут же записаны утверждения относительно KM , соответствующие медиане прямоугольного треугольника.

Решение пункта *б* выполнено верно.

3 балла

6. Критерии проверки и оценка решений задания 17

Задание № 17 – это уравнение, неравенство или их системы с параметром.

Задачи с параметром допускают весьма разнообразные способы решения. Наиболее распространёнными из них являются:

- чисто алгебраический способ решения;
- способ решения, основанный на построении и исследовании геометрической модели данной задачи;
- функциональный способ, в котором могут быть и алгебраические, и геометрические элементы, но базовым является исследование некоторой функции.

Зачастую (но далеко не всегда) графический метод более ясно ведёт к цели. Кроме того, в конкретном тексте решения вполне могут встречаться элементы каждого из трёх перечисленных способов.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	4
С помощью верного рассуждения получены оба верных значения параметра, но <ul style="list-style-type: none">– или в ответ включены также и одно-два неверных значения;– или решение недостаточно обосновано	3
С помощью верного рассуждения получено хотя бы одно верное значение параметра	2

Задача сведена к исследованию: <ul style="list-style-type: none">– или взаимного расположения трёх окружностей;– или двух квадратных уравнений с параметром	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	<i>4</i>

Пример 17.7

Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение

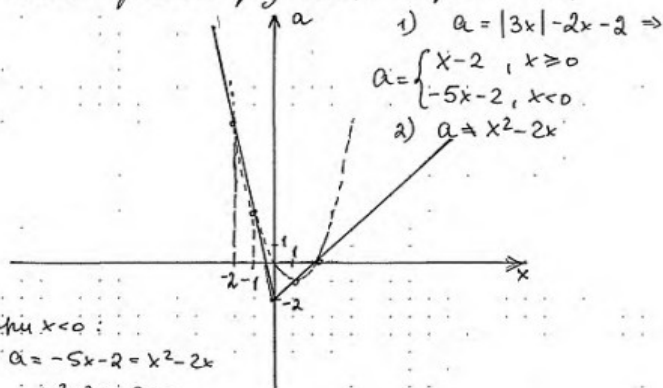
$$\frac{|3x| - 2x - 2 - a}{x^2 - 2x - a} = 0$$

имеет ровно два различных корня.

Ответ: $-2 < a < -1$; $-1 < a < 0$; $0 < a < 3$; $3 < a < 8$; $a > 8$.

№18. $\frac{|3x| - 2x - 2 - a}{x^2 - 2x - a} = 0$

имеет ровно 2 различных корня $a = ?$



при $x < 0$:

$$a = -5x - 2 = x^2 - 2x$$
$$x^2 + 3x + 2 = 0$$

$$x_1 = -1$$

$x_2 = -2$, x_1 и x_2 точки пересечения двух графиков

при $a(x_1)$ и $a(x_2)$ уравнение будет иметь только одно решение.

при $x \geq 0$

$$x - 2 = x^2 - 2x \Rightarrow x^2 - 3x + 2 = 0 \Rightarrow x_3 = 1, x_4 = 2$$

При $a(x_3)$ и $a(x_4)$ будет только одно решение;

$\Rightarrow a(x_1) = 3, a(x_2) = 8, a(x_3) = -1, a(x_4) = 0$, в точке

$a = -2$ уравнение также будет иметь

только одно решение, при $a < -2$ решений

не будет $\Rightarrow a > -2, a \neq -1, a \neq 0, a \neq 3, a \neq 8 \Rightarrow$

$\Rightarrow a \in (-2; -1) \cup (-1; 0) \cup (0; 3) \cup (3; 8) \cup (8; +\infty)$.

Ответ: $a \in (-2; -1) \cup (-1; 0) \cup (0; 3) \cup (3; 8) \cup (8; +\infty)$.

Комментарий

Обоснованно получен верный ответ.

Оценка эксперта: 4 балла.

Пример 17.8

Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение

$$\frac{|3x| - 2x - 2 - a}{x^2 - 2x - a} = 0$$

имеет ровно два различных корня.

Ответ: $-2 < a < -1$; $-1 < a < 0$; $0 < a < 3$; $3 < a < 8$; $a > 8$.

$\frac{|3x| - 2x - 2 - a}{x^2 - 2x - a} = 0$. Если знаменатель не равен нулю, то на него можно сократить.

$$|3x| - 2x - 2 - a = 0$$

возведем уравнение в квадрат.

$$(3|x|)^2 = (2x + 2 + a)^2$$

$$5x^2 + x(-8 - 4a) - 4a^2 - a^2 - 4 = 0$$

$$D = (-8 - 4a)^2 - 4 \cdot 5 \cdot (-a^2 + 4a + 4) = a^2 + 4a + 4$$

чтобы уравнение имело 2 решения D

должен быть > 0

$$a^2 + 4a + 4 > 0$$

$$(a + 2)^2 > 0$$

$$-\infty < a < -2 \cup a > 2 < +\infty \Rightarrow a \in (-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$$

$a \neq$ теперь разберёмся с ОДЗ,

$x^2 - 2x - a \neq 0 \Rightarrow$ как не подходит вариант,

когда $x^2 - 2x - a = 0$ (если $x^2 - 2x - a = 0$

уравнение имеет менее одного корня)

$$D = 4 + 4a$$

$$x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{4 + 4a}}{2} = 1 \pm \sqrt{1 + a}$$

Если $a \in (-\infty; -2)$, то $x^2 - 2x - a \neq 0$

Если $a \in (2; +\infty)$, то $x^2 - 2x - a = 0 \Rightarrow$

$a \in (2; +\infty)$ не подходит.

Ответ: $a \in (-\infty; -2)$.

Комментарий

Неверное решение уравнения, содержащего переменную под знаком модуля. Неверная логика исследования количества корней.

Оценка эксперта: 0 баллов.

7. Критерии проверки и оценка решений заданий 18

Задание 18 проверяет достижение следующих целей изучения математики на профильном уровне: «развитие логического мышления, алгоритмической культуры, пространственного воображения, математического мышления и интуиции, творческих способностей, необходимых для продолжения образования и для самостоятельной деятельности в области математики и её приложений в будущей профессиональной деятельности».

При этом, для решения этой задачи не требуется никаких знаний, выходящих за рамки школьного курса.

Условие задания 18 разбито на пункты – ряд подзадач (частных случаев), последовательно решая которые, можно в итоге полностью выполнить задание. Такое разбиение, в первую очередь, облегчает участнику экзамена планирование работы над данной задачей, а также позволяет более чётко и прозрачно провести оценивание выполнения задания.

Содержание критерия	Баллы
Верно получены все перечисленные (см. критерий на 1 балл) результаты	4
Верно получены три из перечисленных (см. критерий на 1 балл) результатов	3
Верно получены два из перечисленных (см. критерий на 1 балл) результатов	2
Верно получен один из следующих результатов: – обоснованное решение пункта a ; – обоснованное решение пункта b ; – искомая оценка в пункте b ; – пример в пункте b , обеспечивающий точность предыдущей оценки	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	<i>4</i>

В последовательности $a_1, a_2, \dots, a_{n-1}, a_n$, состоящей из целых чисел, $a_1 = 1$, $a_n = 235$. Сумма любых двух соседних членов последовательности равна 3, 5 или 25.

- а) Приведите пример такой последовательности.
 б) Может ли такая последовательность состоять из 1000 членов?
 в) Из какого наименьшего числа членов может состоять такая последовательность?

Ответ: а) например, 1, 2, 3, 0, 5, -2, 7, -4, ..., 233, -230, 235; б) нет; в) 23.

б) Нет. т.к. в этой посл. $a_i + a_{i+1} = \begin{cases} 3 \\ 5 \end{cases} \Rightarrow$
 \Rightarrow т.к. a_1 - неч., то все четные члены - чет.,
 а нечетные - неч. $\Rightarrow a_n = 235$ - неч. член т.е.
 n не 1000. \Rightarrow невозможно. не может.

а) 1; 2; 3; 0; 5; -2; 7; -4; ...

а) 1; -26; 51; -46; 71; -66; 91; -86; 111; -106; 131;
 -126; 151; -146; 171; -166; 191; -188; 213; -210; 235

Комментарий

В пункте а допущена ошибка: сумма первых двух чисел равна -25. При ответе на вопрос пункта б участник экзамена верно показал, что случай $n=1000$ невозможен.

Оценка эксперта: 1 балл.

19) А) Пример такой последовательности:

1, 2, 3, 0, 5, -2, 7, -4, 9, -6, 11, -8, 13, -10, 15, -12, 17, -14,
 19, -16, 21, -18, 23, -20, 25, -22, 27, -24, 29, -26, 31, -28,
 33, -30, 35, -32, 37, -34, 39, -36, 41, -38, 43, -40, 45, -42, 47,
 -44, 49, -46, 51, -48, 53, -50, 55, -52, 57, -54, 59, -56, 61, -58, 63,
 -60, 65, -62, 67, -64, 69, -66, 71, -68, 73, -70, 75, -72, 77, -74,
 79, -76, 81, -78, 83, -80, 85, -82, 87, -84, 89, -86, 91, -88, 93,
 -90, 95, -92, 97, -94, 99, -96, 101, -98, 103, -100, 105, -102,
 107, -104, 109, -106, 111, -108, 113, -110, 115, -112, 117, -114,
 119, -116, 121, -118, 123, -120, 125, -122, 127, -124, 129, -126,
 131, -128, 133, -130, 135, -132, 137, -134, 139, -136, 141, -138,
 143, -140, 145, -142, 147, -144, 149, -146, 151, -148, 153, -150,
 155, -152, 157, -154, 159, -156, 161, -158, 163, -160, 165, -162,
 167, -164, 169, -166, 171, -168, 173, -170, 175, -172, 177, -174,
 179, -176, 181, -178, 183, -180, 185, -182, 187, -184, 189, -186,
 191, -188, 193, -190, 195, -192, 197, -194, 199, -196, 201, -198,
 203, -200, 205, -202, 207, -204, 209, -206, 211, -208, 213, -210,
 215, -212, 217, -214, 219, -216, 221, -218, 223, -220, 225, -222,
 227, -224, 229, -226, 231, -228, 233, -230, 235.

б) Да, например, последовательность, членами которой являются
 чередующиеся числа 0 и 3.

0, 3, 0, 3, 0, 3, ...

Сумма любых двух соседних членов в последовательности
 равна 3, что соответствует условию.

В последовательности, состоящей из 1000 членов, будет
 пятсот 0 и пятсот 3. Все нечётные члены последовательности
 будут нулями, все чётные - тройками.

Комментарий

В пункте а верно приведён пример. Решение пункта б неверно.

Оценка эксперта: 1 балл.

а) индекс обозначает цвет, который получил этот

а) Можно, так как одно и то же число может быть залито разными цветами
 пример: 3_к, 6_з, ..., 27_к, 21_к

б) Нет.

Если только одно число красное, то в наборе
 чисел $(3_к, 6_з, \dots, 27_к, 21_к)$ сумма равна 1077, что больше, чем 1067

в) б.

В наборе чисел $(3_к, 6_з, \dots, 76_к, 7_з, 14_к, \dots, 75_к)$ сумма равна 1077, $1077 > 1067$
 Однако сумма будет равна 1067, если в наборе залитых
 66_з на 56_к.

Комментарий

Обоснованно получен ответ в пунктах а и б. В решении пункта в есть
 логическая ошибка: не доказано, что красных чисел не может быть меньше 5.
 Взяв 5 красных чисел, нужно взять 25 зелёных чисел, а не 26. Кроме того,
 сумма чисел найдена неверно.

Оценка эксперта: 2 балла.



Официальный информационный портал ЕДИНОГО ГОСУДАРСТВЕННОГО ЭКЗАМЕНА

РЕЗУЛЬТАТЫ ЕГЭ

Фамилия

Имя

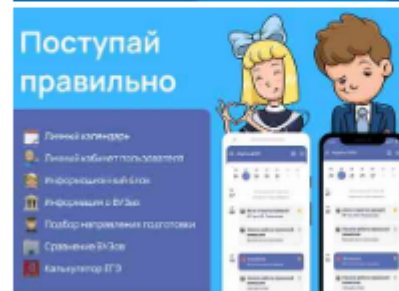
Отчество

Код регистрации

Номер документа (без серии)

ИЛИ

Регион



**Официальное приложение
для абитуриентов**

[Бланк ответов №2. Страница 4.](#)
[Бланк ответов №2. Страница 5.](#)
[Бланк ответов №2. Страница 6.](#)
[Бланк ответов №2. Страница 7.](#)
[Бланк ответов №2. Страница 8.](#)
[Бланк ответов №2. Страница 9.](#)
[Бланк ответов №2. Страница 10.](#)

Ответы на задания

Подробную информацию по критериям оценивания смотрите в спецификации КИМ на [сайте ФИПИ](#)

Результаты выполнения заданий с кратким ответом				
№	Ваш ответ	Допустимые символы	Ваш балл*	Максимальный балл*
1	28	Цифры, минус, запятая	1	1
2	135	Цифры, минус, запятая	1	1
3	0,25	Цифры, минус, запятая	1	1
4	0,83	Цифры, минус, запятая	1	1
5	6	Цифры, минус, запятая	1	1
6	3	Цифры, минус, запятая	1	1
7	1	Цифры, минус, запятая	1	1
8	1	Цифры, минус, запятая	1	1
9	6	Цифры, минус, запятая	1	1
10	25	Цифры, минус, запятая	1	1
11	4	Цифры, минус, запятая	1	1
Итого			11	11

Результаты выполнения заданий с развёрнутым ответом			
№	Критерии***	Ваш балл*	Максимальный балл*



ЕДИНЫЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭКЗАМЕН - 2023
ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЙ БЛАНК ОТВЕТОВ № 2

Код региона: **23** Код предмета: **02** Название предмета: **МАТ**

Резерв - 6

Дополнительный бланк ответов № 2 **2300000037067** Лист **5**



Перечислите значения полей: Код региона * Код предмета * Название предмета из БЛАНКА РЕГИСТРАЦИИ
Отвечая на задания с РАЗВЕРНУТЫМ ОТВЕТОМ пишите аккуратно и разборчиво, соблюдая разметку страниц
Не забудьте указать номер задания, на которое Вы отвечаете, например: 31
Условья задания переписывать не нужно

ВНИМАНИЕ! Данный бланк использовать только после заполнения обоих листов основного бланка ответов № 2

№17 $\sqrt{1-2x} \cdot \ln(25x^2 - a^2) = \& \sqrt{1-2x} \cdot \ln(5x+a)$

УДЗ: $\begin{cases} 1-2x \geq 0 \\ 25x^2 - a^2 > 0 \\ 5x+a > 0 \end{cases}$

$\begin{cases} x \leq \frac{1}{2} \\ (5x-a)(5x+a) > 0 \\ 5x+a > 0 \end{cases}$

т.к. $5x+a > 0 \Rightarrow 5x-a > 0$

$\begin{cases} x \leq \frac{1}{2} \\ 5x-a > 0 \\ 5x+a > 0 \end{cases}$

Реш: $\sqrt{1-2x} \cdot \ln(25x^2 - a^2) - \sqrt{1-2x} \cdot \ln(5x+a) = 0$

$\sqrt{1-2x} \cdot (\ln(5x-a)(5x+a) - \ln(5x+a)) = 0$
т.к. $5x-a > 0$ и $5x+a > 0$

$\sqrt{1-2x} = 0$ или $\ln(5x-a) + \ln(5x+a) - \ln(5x+a) = 0$

$\begin{cases} 1-2x = 0 \\ x_1 = \frac{1}{2} \end{cases}$

$\ln(5x-a) = 0$

$5x-a = 1$

$5x = a+1$

$x_2 = \frac{a+1}{5}$

1) Проверим корни по ограничениям:

$x_1: \begin{cases} 5 \cdot \frac{1}{2} - a > 0 \\ 5 \cdot \frac{1}{2} + a > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a < 2,5 \\ a > -2,5 \end{cases} \Rightarrow \text{При } -2,5 < a < 2,5 \text{ существует корень } x_1$

Примечание:
Во всех ограничениях
верна замена:

$\ln(25x^2 - a^2) = \ln(5x-a) + \ln(5x+a)$

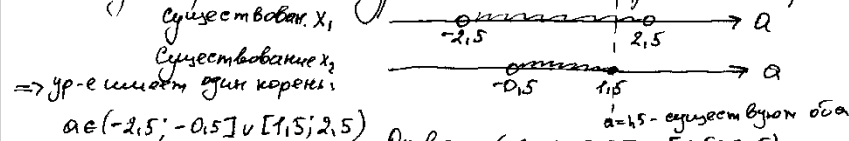
$x_2: \begin{cases} \frac{a+1}{5} \leq \frac{1}{2} \quad | \cdot 10 \\ 5 \cdot \frac{a+1}{5} - a > 0 \\ 5 \cdot \frac{a+1}{5} + a > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2a+2 \leq 5 \\ a+1-a > 0 \\ a+1+a > 0 \end{cases}$

$\Rightarrow \begin{cases} 2a \leq 3 \\ 1 > 0 \\ 2a > -1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a \leq 1,5 \\ a \in \mathbb{R} \\ a > -0,5 \end{cases} \Rightarrow \text{При } -0,5 < a \leq 1,5 \text{ существует корень } x_2$

2) Проверим при каких a возможно совпадение корней:

$x_1 = x_2: \frac{1}{2} = \frac{a+1}{5} \Rightarrow 2a+2 = 5 \Rightarrow 2a = 3 \Rightarrow \underline{a = 1,5}$

3) Всегда ли при каких a уравнение имеет ровно 1 корень?



Ответ: $(-2,5; -0,5] \cup [1,5; 2,5)$

Шкала перевода первичных баллов в тестовые

№1 - №11 – 1 перв. балл; №12, №14, №15 – 2 перв. балла; №13, №16 – 3 перв. балла; №17, №18 – 4 перв. балла.

Первичный балл	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31
Тестовый балл	6	11	17	22	27	34	40	46	52	58	64	66	68	70	72	74	76	78	80	82	84	86	88	90	92	94	96	98	100	100	100

- ▶ V. Соответствие результатов ЕГЭ текущего и предыдущего годов
 - ▶ 11. В условиях того, что результаты ЕГЭ действительны четыре года, следующих за годом получения таких результатов, минимальное количество тестовых баллов ЕГЭ по учебным предметам определяется равным значениям предыдущего года для всех учебных предметов, по которым проводился ЕГЭ.
 - ▶ 12. В случае отсутствия изменений структуры и содержания КИМ по учебному предмету, а также соответствия результатов ЕГЭ текущего года по данному учебному предмету результатам ЕГЭ предыдущего года, минимальное количество первичных баллов, соответствующее минимальному количеству тестовых баллов ЕГЭ по учебному предмету, определяется равным значению предыдущего года. В иных случаях значение минимального первичного балла, соответствующего минимальному тестовому баллу ЕГЭ, корректируется.
- (п. 12 в редакции распоряжения Федеральной службы по надзору в сфере образования и науки от 01.04.2022 № 778-10).

1. Интернет ресурсы, используемые для подготовки банка заданий

«Чем тяжелее подъём, тем прекраснее вид с вершины». Ник Вуйчич

- ▶ <http://www.fipi.ru/content/otkrytyy-bank-zadaniy-ege>
- ▶ <http://mathege.ru>
- ▶ <http://reshuege.ru>
- ▶ <https://www.yaklass.ru>
- ▶ <http://egemath.ru>
- ▶ <https://vk.com/shkolapifagora>
- ▶ <https://www.time4math.ru/ege>



Спасибо за внимание!

